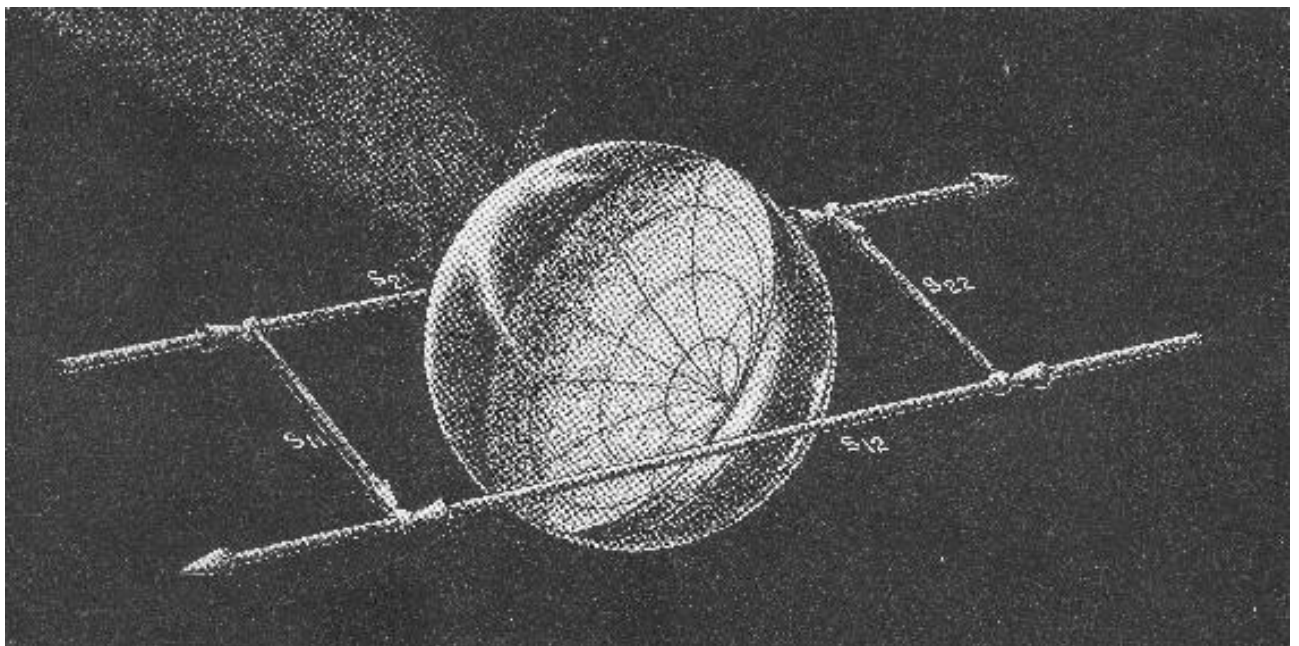


DEPARTEMENT T.S.T



EXERCICES D'HYPERFREQUENCES

C. JOUSSEMET

Edition du 5 novembre 2007

3B

1	ENONCES	3
1.1	QUESTIONS DIVERSES	3
1.2	EXERCICES SUR LA THEORIE DES LIGNES ET L'ABAQUE DE SMITH	3
	EXERCICE N°1.2.1	3
	EXERCICE N°1.2.2	4
	EXERCICE N°1.2.3	4
	EXERCICE N°1.2.4 (N°1 DE LA PCI)	4
	EXERCICE N°1.2.5	5
1.3	ADAPTATION D'IMPEDANCE	5
	EXERCICE N°1.3.1	5
	EXERCICE N°1.3.2	6
	EXERCICE N°1.3.3	6
	EXERCICE N°1.3.4	7
	EXERCICE N°1.3.5	7
	EXERCICE N°1.3.6 (OU N°2 DE LA PCI)	8
1.4	PARAMETRES [S] – QUADRIPOLES – MULTIPOLES	9
	EXERCICE N°1.4.1 CHARGE ET GENERATEUR	9
	EXERCICE N°1.4.2 - CONCEPTION D'UN ATTENUATEUR (N°3 DE LA PCI)	10
	EXERCICE N°1.4.3 – CELLULE A PERTURBATION	10
1.5	AMPLIFICATEURS A TRANSISTORS	11
	EXERCICE 1.5.1 CALCUL DE GAIN ET DE FACTEUR DE BRUIT	11
	EXERCICE 1.5.2 STABILITE, GAINS ET ADAPTATION	11
	EXERCICE 1.5.3 : AMPLIFICATEUR FAIBLE BRUIT	12
1.6	COUPLEURS DIRECTIFS	12
	EXERCICE 1.6.1	12
	EXERCICE 1.6.2	13
1.7	FONCTIONS	13
	PROBLEME 1.7.1 : ATTENUATEUR ANALOGIQUE (OU PC N°2)	13
	PROBLEME 1.7.2 : DISCRIMINATEUR DE POUND	14
2	SOLUTIONS	16
2.1	REPONSES AUX QUESTIONS	16
2.2	EXERCICES SUR LA THEORIE DES LIGNES ET L'ABAQUE DE SMITH	16
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.2.1	16
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.2.2	16
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.2.3	16
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.2.4	17
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.2.5	17
2.3	ADAPTATION D'IMPEDANCE	17
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.1	17
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.2	17
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.3	17
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.4	18
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.5	18
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.3.6	18
2.4	EXERCICES SUR LES MULTIPOLES ET LES PARAMETRES [S]	18
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.4.1 - CHARGE ET GENERATEUR	18
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.4.2 - CONCEPTION D'UN ATTENUATEUR	18
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE N°1.4.3 – CELLULE A PERTURBATION	19
2.5	EXERCICES SUR LES AMPLIFICATEURS A TRANSISTORS	19
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE 1.5.1	19
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE 1.5.2	19
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE 1.5.3	19
2.6	EXERCICES SUR LES COUPLEURS DIRECTIFS	19
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE 1.6.1	19
	SOLUTIONS DE L'EXERCICE 1.6.2	19
2.7	EXERCICES OU PROBLEMES SUR LES FONCTIONS	20
	SOLUTIONS DU PROBLEME 1.7.1	20
	SOLUTIONS DU PROBLEME 1.7.2	20

1 Enoncés

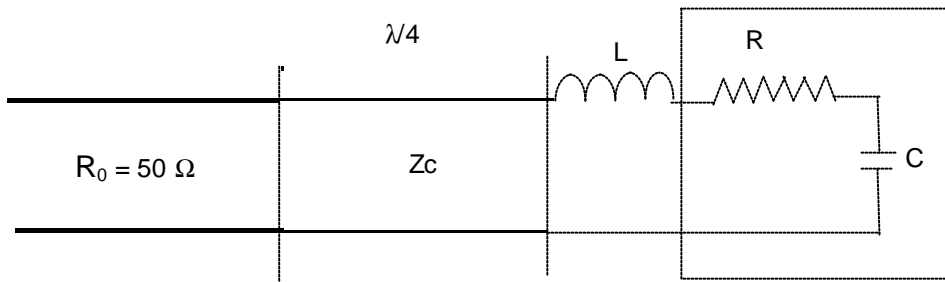
1.1 Questions diverses

Remarque : vous trouverez ci-après quelques questions de base qui vous permettront de vérifier vos connaissances Il s'agit de questions élémentaires qui ne nécessitent aucun calcul particulier à part un peu de calcul mental. Avec une bonne connaissance du cours, les réponses sont à trouver dans les 2 à 3 minutes (voire moins).

Questions n°1 : Une ligne d'impédance caractéristique de 75Ω est fermée sur l'impédance réelle de 150Ω . Quel est le TOS sur la ligne et quelle autre valeur d'impédance réelle trouve-t-on en se déplaçant sur cette ligne.

Questions n°2 : Une ligne d'impédance caractéristique de 60Ω est fermée sur une impédance dont le coefficient de réflexion correspondant est : $r = \frac{1}{3} e^{j\frac{\pi}{2}}$. A quelle distance (en fraction de λ) de cette charge trouvera-t-on une impédance réelle, et quelle est la valeur de cette impédance.

Questions n°3 : Pour adapter à 50Ω une impédance constituée d'une résistance R en série avec une capacité C, on utilise une inductance L en série suivie d'un transformateur quart d'onde (schéma ci-après).



Quelle relation relie L et C pour que l'adaptation soit possible ?

Question n°4 : Un générateur d'impédance interne 100Ω délivre dans la charge de référence $R_0=50\Omega$ une puissance de $0,5 \text{ W}$. Quelles sont les valeurs de b_g et de Γ_g ; quelle est la puissance maximale que l'on peut tirer de ce générateur et quelle est alors l'impédance de charge correspondante ?

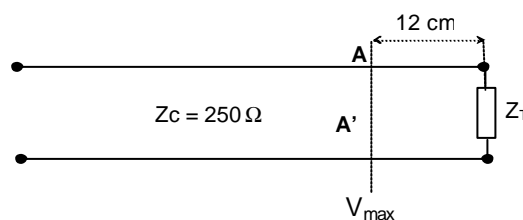
Question n°5 : Quelle est la matrice [S] d'un tronçon de ligne 50Ω de longueur $\lambda/8$?

Questions n°6 : Quelle est la matrice de chaîne réduite d'un tronçon de ligne 50Ω de longueur $\lambda/4$?

1.2 Exercices sur la théorie des lignes et l'abaque de Smith

Exercice n°1.2.1

On considère une ligne de transmission d'impédance caractéristique $Z_c = 250 \Omega$, fermée par une impédance Z_T inconnue.



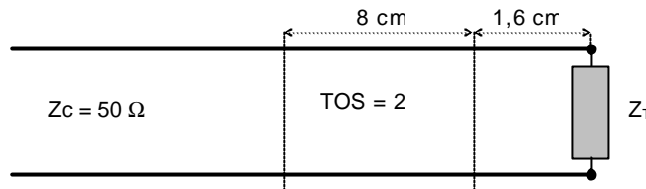
Pour $F = 250 \text{ MHz}$ on trouve sur la ligne un TOS de 5, et un maximum de tension dans le plan AA' situé à 12 cm de la charge Z_T :

- 1°) Quel le module du coefficient de réflexion $|\rho|$ et la valeur de l'impédance dans le plan AA' ?
- 2°) Quelle est la valeur de Z_T ?

Exercice n°1.2.2

Une ligne 50Ω est terminée par une charge inconnue Z_T

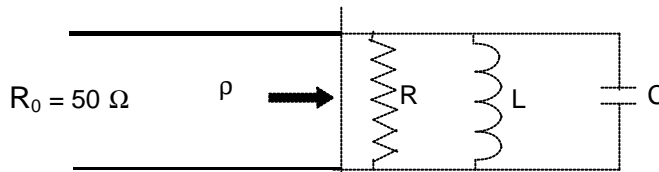
- Le TOS sur la ligne est égal à 2
- Un 1er minimum de tension se trouve à 1,6 cm de la charge
- Un 2ème se trouve à 8 cm du 1er



- 1°) A quelle fréquence travaille-t-on ?
- 2°) Quelle est la valeur de Z_T ?

Exercice n°1.2.3

Soit une ligne sans perte d'impédance caractéristique $R_0 = 50 \Omega$.
 On ferme cette ligne sur un dipôle d'impédance Z_L constitué par la mise en parallèle d'une résistance R de $62,5 \Omega$, d'une inductance L de $6,6 \text{ nH}$.

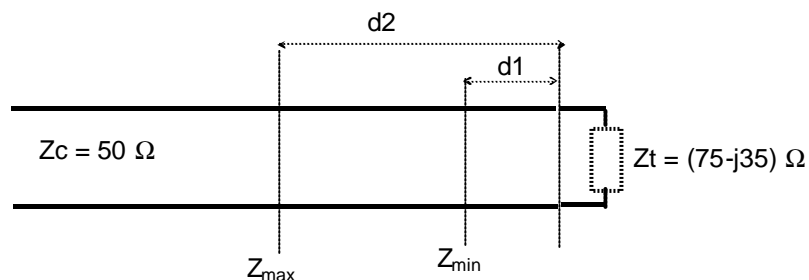


- 1°) Donner la fréquence de résonance F_0 du circuit RLC
- 2°) Pour $F = F_0$, $F = 1 \text{ GHz}$, et $F = 4 \text{ GHz}$, donnez le module et la phase du coefficient de réflexion ρ , et placez les points correspondants sur l'abaque de Smith (où l'inverse).
- 3°) Quel est le lieu décrit lorsque la fréquence varie de 0 à l'infini ?

Exercice n°1.2.4 (n°1 de la PC1)

Soit une ligne sans perte d'impédance caractéristique $Z_0 = 50 \Omega$.
 On ferme la ligne sur l'impédance $Z_L = (75 - j35) \Omega$

- 1°) Calculer le module et la phase du coefficient de réflexion à l'extrémité de la ligne,
- 2°) Calculer les impédances Z_{\min} et Z_{\max} le long de cette ligne,
- 3°) A quelles distances $d_1 = k_1 * \lambda$ et $d_2 = k_2 * \lambda$ de la charge a-t-on ces impédances Z_{\min} et Z_{\max} ? (On donnera les valeurs de k_1 et k_2).

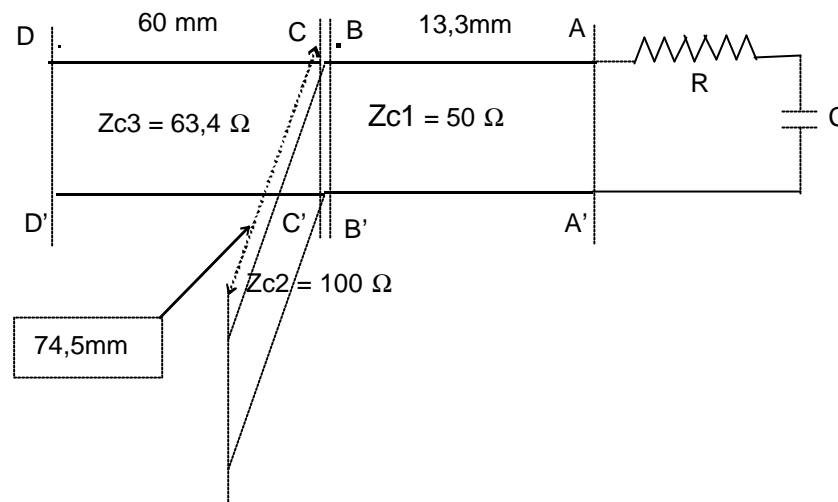


Exercice n°1.2.5

Considérons le dipôle d'impédance Z_T constitué par la mise en série d'une résistance R de 30Ω et d'une capacité C de $3,2 \text{ pF}$.

On place devant ce dipôle, conformément au schéma ci-après :

- un tronçon de ligne d'impédance caractéristique $Z_{c1} = 50 \Omega$ et de longueur $d1 = 13,3 \text{ mm}$,
- puis un stub parallèle en circuit ouvert, d'impédance caractéristique $Z_{c2} = 100 \Omega$ et de longueur $d2 = 74,5 \text{ mm}$,
- et enfin un tronçon de ligne d'impédance caractéristique $Z_{c3} = 63,4 \Omega$ et de longueur $d3 = 60 \text{ mm}$,



1°) Pour $F = 1250 \text{ MHz}$, calculer le module et la phase du coefficient de réflexion de Z_T (plan AA'), et placer le point correspondant sur l'abaque de Smith.

2°) On donnera les valeurs des impédances (non normalisées) dans les plans BB' (avant le stub), CC' (après le stub) et DD' et l'on placera les points correspondants sur le même abaque de Smith.

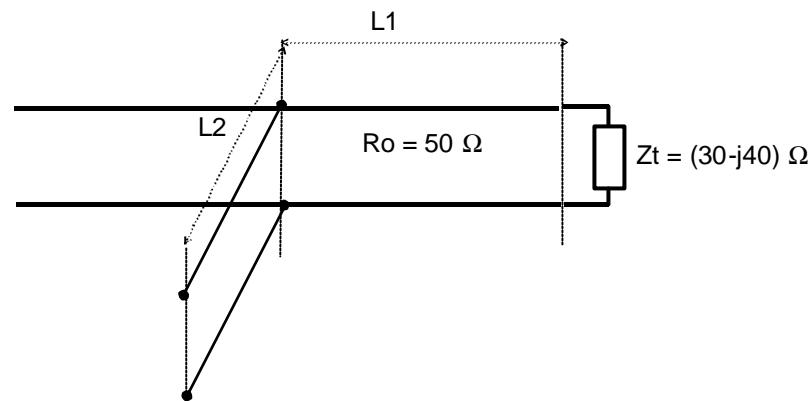
3°) Quel serait le lieu décrit sur l'abaque de Smith par $Z_{DD'}$ lorsque la longueur du stub $d2$ varie de 0 à 120 mm .

1.3 Adaptation d'impédance**Exercice n°1.3.1**

Une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_0 = 50 \Omega$ est fermée par l'impédance :
 $Z_t = (30 - j40) \Omega$

1°) Calculer le coefficient de réflexion ρ (amplitude et phase) de la charge, et le TOS correspondant.

2°) On désire adapter cette impédance par un stub parallèle d'impédance caractéristique R_0 en court-circuit. Calculer, en fonction de la longueur d'onde λ , les longueurs $L1$ et $L2$ correspondantes (2 couples de solutions).

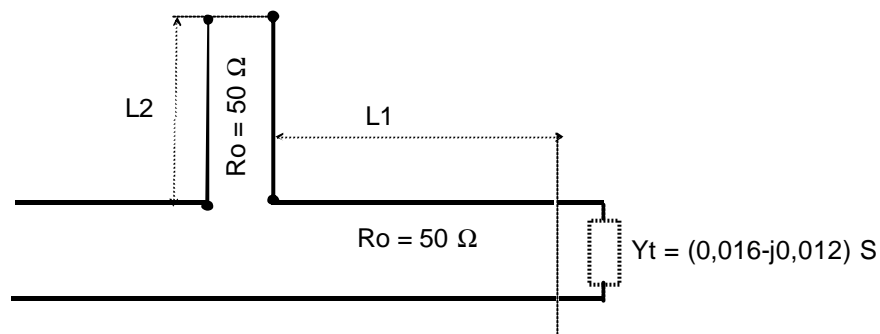


Exercice n°1.3.2

Une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_o = 50 \Omega$ est fermée par l'admittance : $Y_t = (0,016 - j0,012) S$

1°) Calculer le coefficient de réflexion ρ (amplitude et phase) de la charge, et le TOS correspondant.

2°) On désire adapter cette admittance par un stub série d'impédance caractéristique R_o en circuit-ouvert. Calculer, en fonction de la longueur d'onde λ , les longueurs L_1 et L_2 correspondantes (2 couples de solutions).

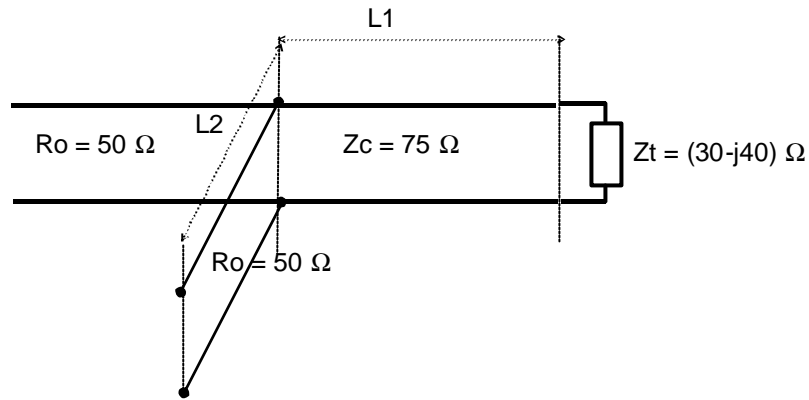


Exercice n°1.3.3

Une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_o = 50 \Omega$ est fermée par l'impédance : $Z_t = (30 - j40) \Omega$

Pour adapter cette impédance à 50Ω on place devant elle un tronçon de ligne de transmission d'impédance caractéristique $Z_c = 75 \Omega$ et de longueur L_1 , suivi d'un stub parallèle en court-circuit, d'impédance caractéristique $R_o = 50 \Omega$ et de longueur L_2 .

Calculer, en fonction de la longueur d'onde λ , les longueurs L_1 et L_2 correspondantes (2 couples de solutions).



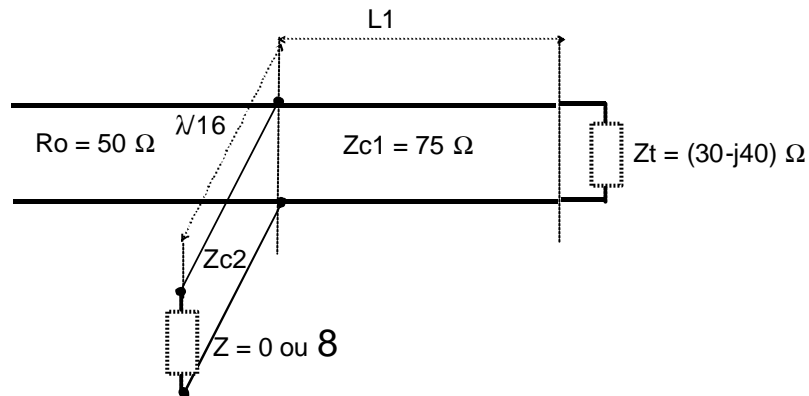
Exercice n°1.3.4

Cet exercice est une variante du précédent :

Une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_0 = 50 \Omega$ est fermée par l'impédance : $Z_t = (30 - j40) \Omega$

Pour adapter cette impédance à 50Ω on place devant elle un tronçon de ligne de transmission d'impédance caractéristique $Z_{c1} = 75 \Omega$ et de longueur L_1 , suivi d'un stub parallèle de longueur $\lambda/16$ et d'impédance caractéristique Z_{c2} . Ce stub est fermé par un court circuit ou un circuit ouvert.

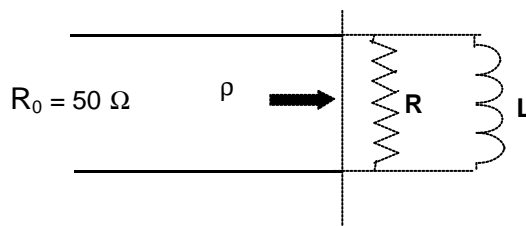
Calculer, la longueur L_1 en fonction de la longueur d'onde λ , ainsi que l'impédance caractéristique Z_{c2} . (il y a deux solutions : une pour avec le stub en court-circuit et l'autre avec le stub en circuit ouvert).



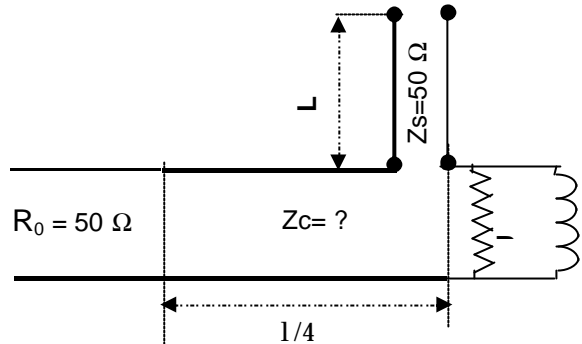
Exercice n°1.3.5

Soit une ligne sans perte d'impédance caractéristique $R_0 = 50 \Omega$.

On ferme cette ligne sur un dipôle d'impédance Z_t constitué par la mise en parallèle d'une résistance R de $62,5 \Omega$ et d'une inductance L de $6,6 \text{ nH}$.



1. Donner le module et la phase du coefficient de réflexion ρ pour $F = 2$ GHz.
2. Pour réaliser l'adaptation de cette impédance à 50Ω , on place un stub en **circuit ouvert**, directement en **série** avec le dipôle, suivi d'un tronçon de ligne quart d'onde, comme indiqué ci-dessus :



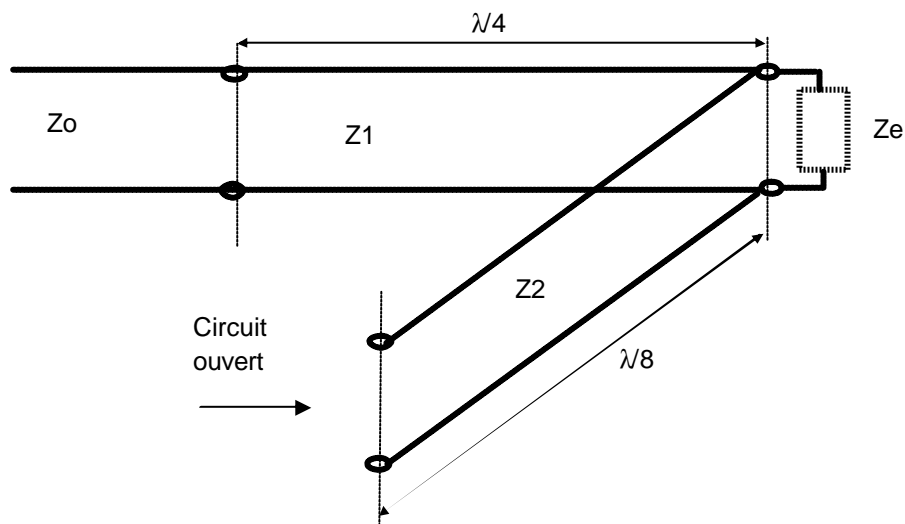
Donner la longueur L du stub et la valeur de l'impédance caractéristique Z_c du quart d'onde correspondant. (1 couple de solutions).

Exercice n°1.3.6 (ou n°2 de la PC1)

On cherche à adapter à une ligne d'impédance caractéristique $Z_0 = 50 \Omega$ un transistor dont l'impédance d'entrée est $Z_e = (6.9 + j13) \Omega$ à la fréquence d'utilisation. A cette fréquence (1GHz) la longueur d'onde guidée sur une ligne microruban, réalisée sur alumine, est $\lambda = 100$ mm.

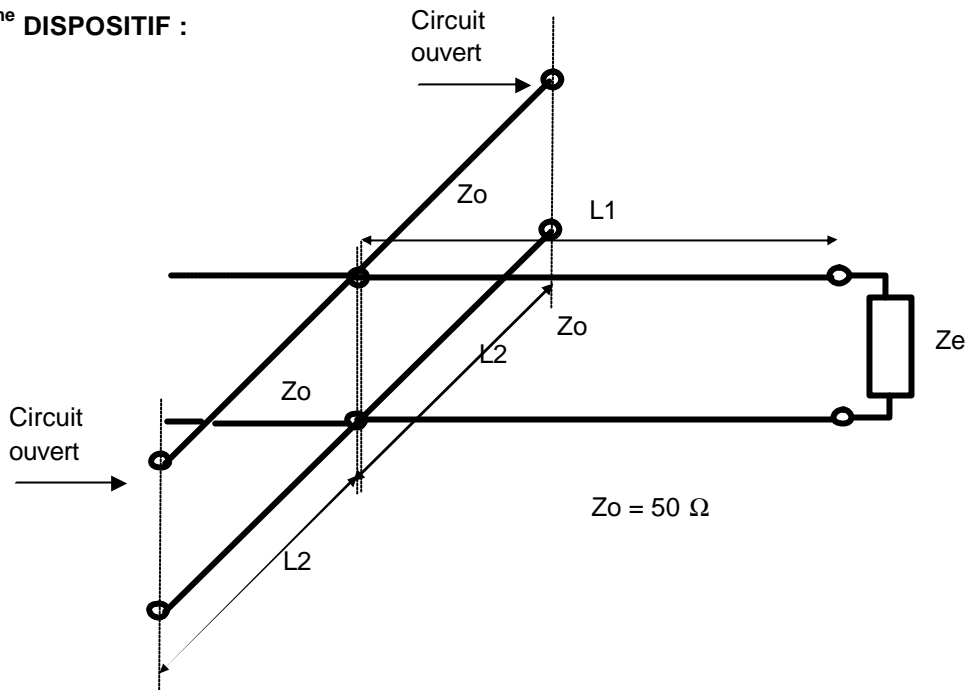
Pour réaliser cette adaptation on envisage les trois dispositifs suivants :

1^{er} DISPOSITIF



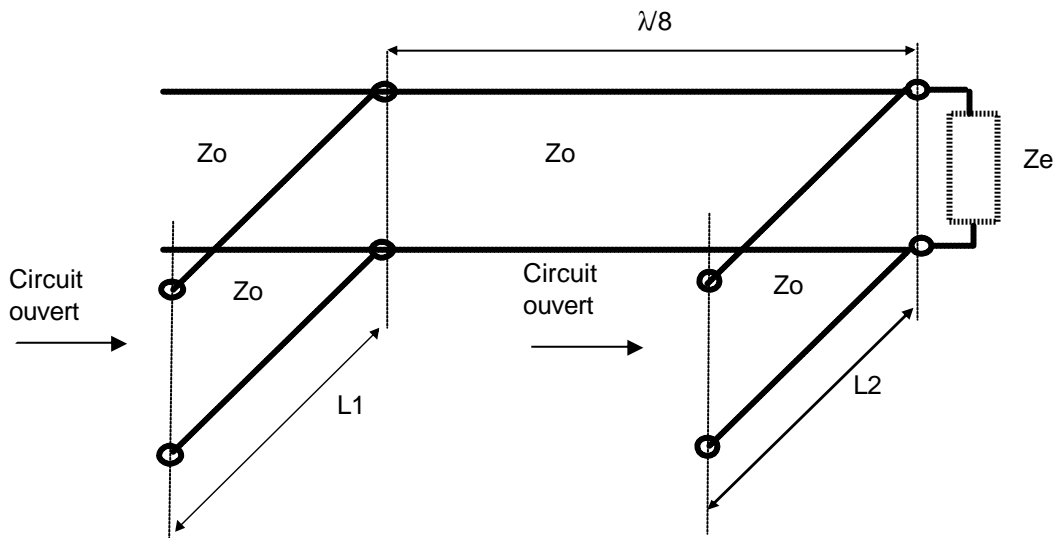
Calculer les impédances caractéristiques Z_1 et Z_2 des lignes de longueurs respectives $\lambda/4$ et $\lambda/8$ pour que le système soit adapté.

2^{ème} DISPOSITIF :



Calculer les longueurs L1 et L2. On se servira de l'abaque de Smith, et l'on donnera deux couples de solutions.

3^{ème} DISPOSITIF :



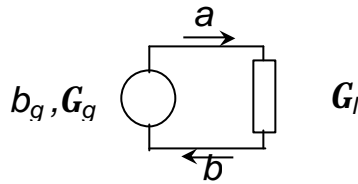
1°) Calculer les longueurs L1 et L2 des 2 stubs espacés d' $\lambda/8$ de longueur d'onde, (comme pour le dispositif n°2 on se servira de l'abaque de Smith, et l'on donnera deux couples de solutions).

1.4 Paramètres [S] – Quadripôles – Multipôles

Exercice n°1.4.1 Charge et générateur

Dans un système où l'impédance de référence est $R_0 = 50 \Omega$, un générateur d'impédance interne $Z_g = 100 \Omega$ délivre dans la charge de référence R_0 une puissance de 0,5 W.

Considérons le cas où ce générateur est fermé sur une charge de 100Ω , conformément au schéma suivant :



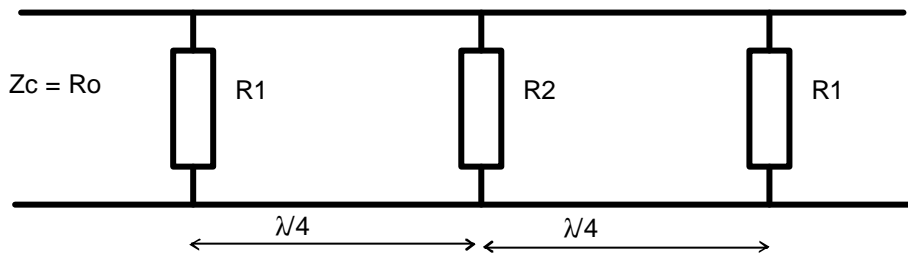
1°) donnez les valeurs de b_g et G_g

2°) donnez les valeurs de a et b , puis de $\frac{1}{2}|a|^2$ et $\frac{1}{2}|b|^2$ et en déduire la puissance dissipée dans la charge G_l

3°) comparez avec la puissance maximale admissible du générateur.

Exercice n°1.4.2 - Conception d'un atténuateur (n°3 de la PC1)

Considérons le quadripôle constitué de 3 résistances en parallèle sur une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_0 = 50 \Omega$, et situées à un quart de longueur d'onde les unes des autres conformément au schéma ci-dessous :



1°) Calculer la matrice de chaîne normalisée de ce quadripôle : $K = \begin{vmatrix} A & B \\ C & D \end{vmatrix}$

On exprimera les termes A, B, C et D de cette matrice en fonction des admittances réduites $g_1 = R_0/R_1$ et $g_2 = R_0/R_2$

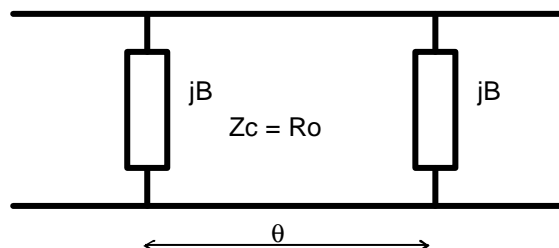
2°) En déduire (toujours en fonction de g_1 et g_2) les paramètres S_{11} et S_{21} de ce quadripôle, et en déduire la relation entre g_1 et g_2 ($g_2 = f(g_1)$) pour que ce quadripôle soit adapté,

3°) En supposant cette relation satisfaite :

- exprimer le paramètre S_{21} en fonction de g_1 ,
- et donner les valeurs correspondantes de R_1 et R_2 pour que le quadripôle soit un atténuateur de 6 dB ($20 \log(S_{21}) = -6$)

Exercice n°1.4.3 – Cellule à perturbation

Considérons le quadripôle constitué d'un tronçon de ligne de transmission d'impédance caractéristique R_0 et de longueur électrique θ , ayant en parallèle à ces deux extrémités une admittance purement imaginaire $Y = jB$, conformément au schéma ci-dessous :



1°) Exprimer en fonction de la réactance réduite $j b = jB/R_0$ et de la longueur électrique θ , les éléments de la matrice $[S]$ de ce quadripôle.

2°) Quelle est la relation entre b et θ qui permet d'avoir un quadripôle adapté (en dehors de la solution évidente $b=0$) ?

3°) Que devient alors le paramètre S_{21} (amplitude et phase).

1.5 AMPLIFICATEURS A TRANSISTORS

Exercice 1.5.1 Calcul de gain et de facteur de bruit

Le transistor MGF1923 de Mitsubishi présente à 4 GHz les paramètres $[S]$ suivants :

- S_{11} : module = 0,90 Argument = -76,4 degrés
- S_{21} : module = 2,70 Argument = 109,7 degrés
- S_{12} : module = 0,06 Argument = 37,9 degrés
- S_{22} : module = 0,65 Argument = -51,5 degrés

De plus les paramètres de bruit donnés par le constructeur, pour cette fréquence, sont les suivants :

- $F_{min} = 0,75$ dB
- Résistance de bruit : $R_n = 21 \Omega$
- Admittance réduite optimale de source (à présenter au transistor) : $y_{opt} = 0,2 - j0,3$

1°) En plaçant ce transistor entre un générateur et une charge $R_0 = 50 \Omega$, quel sera le gain (en dB) de l'amplificateur ainsi obtenu ?

2°) Dans les mêmes conditions, quel sera son facteur de bruit (en dB) ?

3°) En négligeant le terme S_{12} , quel est le gain maximum (en dB) que l'on peut avoir avec ce transistor ?

4°) Quelle est l'impédance (partie réelle et partie imaginaire en ohms) du générateur à présenter au transistor pour avoir ce gain maximal ? (On supposera que la sortie est adaptée).

Exercice 1.5.2 stabilité, gains et adaptation

A 12 GHz un transistor hyperfréquence à pour matrice $[S]$ mesurée :

$$[S] = \begin{bmatrix} 0.8e^{j30^\circ} & 0.01e^{-j100^\circ} \\ 4e^{-j160^\circ} & 0.8e^{j150^\circ} \end{bmatrix}$$

1°) Ce transistor est-il inconditionnellement stable ?

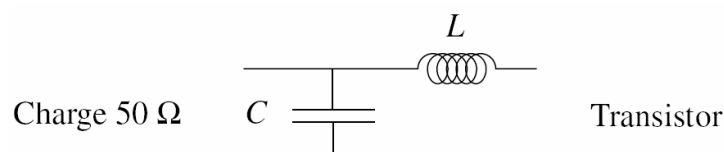
2°) Quel est son gain transductique unilatéral G_1 lorsque l'entrée et la sortie sont chargées par 50Ω ?

3°) Quel est son gain transductique unilatéral G_2 lorsque l'entrée est chargée par S_{11}^* , et la sortie par 50Ω ?

4°) Quel est son gain transductique unilatéral G_{max} maximum ?

3°) On décide d'utiliser ce transistor en lui présentant à l'entrée le coefficient de réflexion

$\Gamma = 0.678e^{-j156.5^\circ}$. Pour cela on utilise le réseau en éléments localisés suivants :



Donnez les valeurs de L et de C.

Exercice 1.5.3 : Amplificateur faible bruit

Le facteur de bruit d'un étage amplificateur à transistor est donné par la formule suivante :

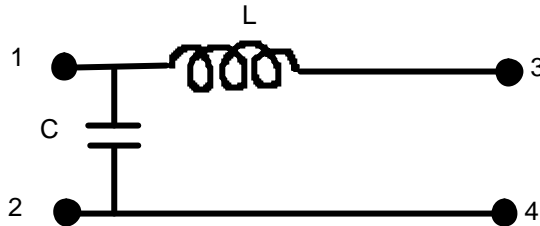
$$F = F_{\min} + k \cdot |Y_s - Y_{opt}|^2, \text{ avec :}$$

- F_{\min} = facteur de bruit minimum du transistor,
- Y_s = admittance présentée par la source à l'entrée du transistor,
- Y_{opt} = admittance optimale de bruit.

Soit un transistor dont l'impédance optimale de bruit est :

$$Z_{opt} = (15 + j20) \Omega \text{ à } 10 \text{ GHz .}$$

On intercale entre le générateur, d'impédance interne $Z_0 = 50 \Omega$, et le transistor le réseau suivant :



Le générateur est situé entre les points 1 et 2 et l'entrée du transistor entre les points 3 et 4.

1°) Calculer les valeurs de L et C permettant d'obtenir le facteur de bruit minimum (on pourra se servir de l'abaque de Smith).

2°) A 10 GHz l'impédance d'entrée du transistor vaut : $Z_e = (15 - j15) \Omega$

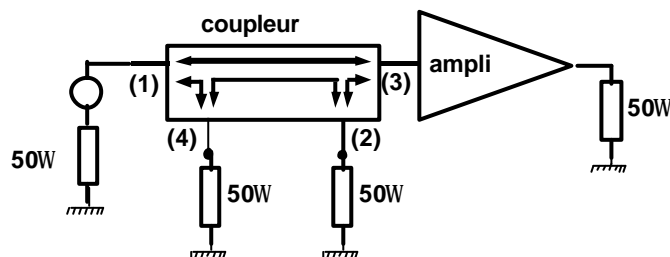
- Quel est le TOS d'entrée du transistor seul ?
- Quel est le TOS de l'ensemble formé du transistor et du circuit trouvé en 1°) ?
- Quelle est en décibel la perte en puissance transmise due à la présence de ce TOS ?

1.6 COUPLEURS DIRECTIFS

Exercice 1.6.1

On considère le schéma ci-après, constitué de gauche à droite d'un générateur d'impédance interne $R_0 = 50 \Omega$, d'un coupleur directif et d'un amplificateur, lui-même chargé sur 50Ω .

Les portes (2) et (4) du coupleur sont fermées sur $R_0 = 50 \Omega$, et toutes les liaisons entre ces circuits sont faites avec des lignes d'impédance caractéristique $Z_c = 50 \Omega$.



Les caractéristiques du coupleurs sont : Couplage = 10 dB ; Directivité = 20 dB

Les caractéristiques de l'amplificateur sont : TOS d'entrée : 1,5 ; TOS de sortie : 2 ; Gain : 10 dB.

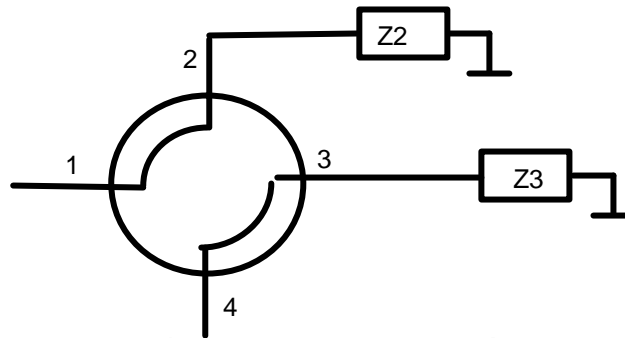
La puissance du générateur (et donc la puissance incidente à l'entrée (1) du premier coupleur) est de +10 dBm.

1°) En supposant dans un premier temps que la directivité du coupleur est infinie, donner en dBm les puissances respectives que l'on recueille sur les portes (2) et (4) du coupleur.

2°) En tenant compte de la directivité réelle du coupleur, et en supposant que les caractéristiques ci-dessus sont indépendantes de la fréquence, donner les tensions crêtes maximale et minimale que l'on mesure aux bornes de la résistance 50 Ω de la porte 2 du coupleur lorsque la fréquence varie.

Exercice 1.6.2

Soit le circuit suivant (impédance de référence $R_0 = 50 \Omega$) constitué d'un anneau hybride 3dB dont les portes 2 et 3 sont respectivement fermées sur les dipôles d'impédance Z_2 et Z_3 auquel sont associés les coefficients de réflexion Γ_2 et Γ_3 .



On obtient donc ainsi un quadripôle dont les portes d'entrées – sorties sont les portes 1 et 4 du coupleur.

En se rappelant que la matrice $[S]$ de l'anneau hybride (3 dB, 90°) s'écrit :

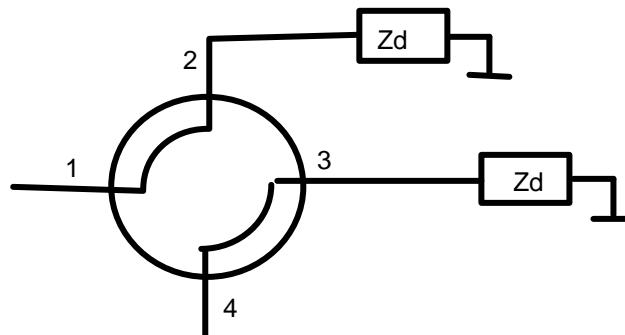
$$\|S\| = \frac{-1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 0 & j & 1 & 0 \\ j & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & j \\ 0 & 1 & j & 0 \end{vmatrix}$$

- 1°) Donner la matrice $[S]$ du quadripôle ainsi obtenu.
- 2°) Que devient ce quadripôle si $Z_2 = Z_3 = jX$
- 3°) Que devient ce quadripôle si $Z_2 = Z_3 = R$

1.7 Fonctions

Problème 1.7.1 : Atténuateur analogique (ou PC n°2)

Soit le circuit suivant (impédance de référence $R_0 = 50 \Omega$) :



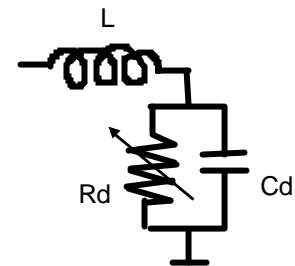
Deux diodes PIN chargent les portes 2 et 3 d'un anneau hybride (3 dB, 90°). Chaque diode est reliée au circuit par un fil de connexion d'inductance L. L'ensemble constitué par la diode et son fil est un dipôle d'impédance Z_d auquel est associé le coefficient de réflexion Γ_d .

On rappelle que la matrice [S] de l'anneau hybride (3 dB, 90°) s'écrit :

$$\|S\| = \frac{-1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 0 & j & 1 & 0 \\ j & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & j \\ 0 & 1 & j & 0 \end{vmatrix}$$

1°) Sachant que le dispositif est adapté en sortie (porte 4 fermée sur $Z_0=50 \Omega$), calculer l'onde sortante b_4 en fonction de l'onde entrante a_1 et du coefficient de réflexion Γ_d .

2°) Le dipôle Z_d peut se représenter selon le schéma ci-contre, la résistance R_d est fonction du courant de polarisation qui traverse la diode $R_d = f(I)$ avec $f(0) = \infty$ et $f(I > 10 \text{ mA}) = 0$.



- Quelle est la valeur du module de Γ_d permettant d'avoir une atténuation nulle ?
- En déduire les deux états de polarisation de la diode permettant d'obtenir cette atténuation nulle.
- Quelle valeur doit prendre l'impédance Z_d pour obtenir une atténuation, en théorie, infinie ?

3°) On se propose de réaliser un atténuateur analogique travaillant à la fréquence de 1 GHz en utilisant une diode PIN de capacité $C_d = 1 \text{ pF}$.

- Donner l'admittance réduite de la diode en fonction de R_d et C_d , et représenter sur l'abaque de Smith le lieu décrit par cette admittance quand R_d varie de zéro à l'infini.
- Quelles sont les 2 valeurs de L permettant de réaliser la condition d'atténuation théorique infinie ? Déduire dans chaque cas la valeur correspondante que doit prendre la résistance R_d .

4°) A l'aide des résultats trouvés ci-dessus, décrire le comportement du circuit en fonction du courant de polarisation appliqué aux diodes (le même pour les 2).

Problème 1.7.2 : Discriminateur de Pound

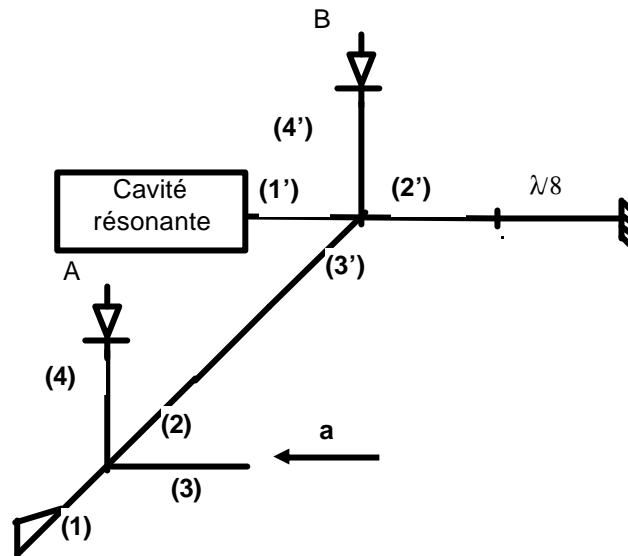
On considère le montage ci-après réalisé à l'aide de deux Tés magiques.

Pour le premier (portes 1, 2, 3, 4) :

- la porte (1) est fermée sur une charge adaptée,
- la porte (2) est connectée à la porte (3') du 2^{ème} Té magique,
- la porte (3) sert de porte d'entrée du circuit,
- et la porte (4) est fermée sur un détecteur adapté, symbolisé par une diode.

Pour le deuxième (portes 1', 2', 3', 4') :

- la porte (1') est fermée sur une cavité résonante,
- la porte (2') est fermée par un tronçon de ligne $\lambda/8$ en court circuit,
- la porte (3') est connectée à la porte (2) du 1^{er} Té magique,
- et la porte (4') est fermée sur un détecteur adapté, symbolisé par une diode.



On rappelle que la matrice [S] d'un Té magique s'écrit :

$$\|S\| = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \begin{vmatrix} 0 & 0 & +1 & +1 \\ 0 & 0 & +1 & -1 \\ +1 & +1 & 0 & 0 \\ +1 & -1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

1°) Soit a l'onde de puissance incidente (phase de $a = 0$: puissance d'entrée $P_O = \frac{1}{2}a^2$).
Soit Γ_c le coefficient de réflexion de la cavité (Γ_c est un nombre complexe)

- Exprimer en fonction de a et Γ_c les ondes de puissances arrivant sur les détecteurs A et B
- Sachant que les détecteurs sont quadratiques (Tension détectée proportionnelle à la puissance incidente sur le détecteur : $V_d = k|a|^2$), exprimer V_A et V_B , ainsi que la tension $V = (V_A - V_B)/2$ – Pour le calcul de V on séparera les parties réelle et imaginaire de Γ_c .

2°) La cavité étant schématisée par un circuit oscillant parallèle (R, L, C) de fréquence de résonance $f_0 = \omega_0/2\pi$, exprimer Γ_c en fonction de $g = Z_0/R$ ($Z_0 = 50 \Omega$), $Q = RC\omega_0$ et $\delta = (\omega/\omega_0 - \omega_0/\omega)$

3°) En déduire l'allure de la courbe $V = (V_A - V_B)/2 = f(\delta)$.

2 Solutions

2.1 Réponses aux questions

Questions n°1 : $TOS = 2$; $Z = 75/2 = 37,5 \Omega$

Questions n°2 : $\lambda/8$; $Z = 120 \Omega$

Questions n°3 : $LC\omega^2 = 1$

Question n°4 : $b_g = 1 W^{1/2}$; $\Gamma_g = 1/3$ $P_A = 9/16 W$; la charge correspondante est de 100Ω

Questions n°5 : $S_{11} = S_{22} = 0$ $S_{12} = S_{21} = e^{-j\frac{p}{4}}$

Questions n°6 : $A = D = 0$ $B = C = 1$

2.2 Exercices sur la théorie des lignes et l'abaque de Smith

Solutions de l'exercice n°1.2.1

1°) $|\rho| = 2/3$ $Z_{AA'} = 1250 \Omega$

2°) $Z_T = (134,5 + j307) \Omega$

Solutions de l'exercice n°1.2.2

1°) $F = 1850 MHz$

2°) $Z_T = (33.7 - j24.1) \Omega$

Solutions de l'exercice n°1.2.3

1°) $F_0 = 2 GHz$

2°) Pour $F = 1 GHz$: module de $\rho = 0,111$

Pour $F = 2 GHz$: module de $\rho = 0,44$

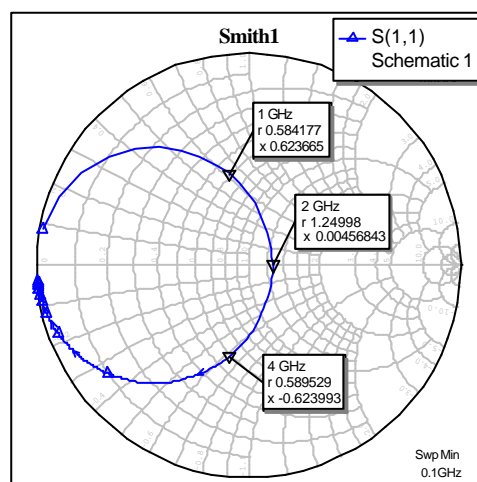
Pour $F = 4 GHz$: module de $\rho = 0,44$

phase de $\rho = 0^\circ$

phase de $\rho = 102^\circ$

phase de $\rho = -102^\circ$

3°) le lieu est le cercle représenté ci-après :

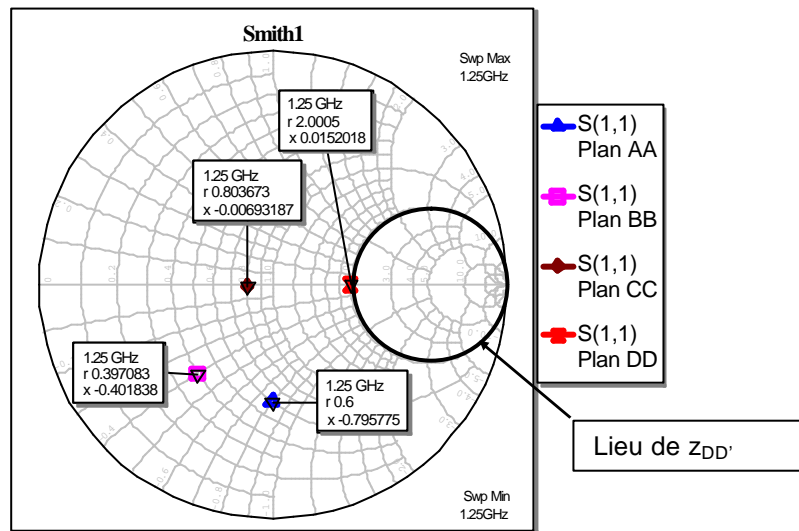


Solutions de l'exercice n°1.2.4

- 1°) $|r| = 0.331$ et $Arg(r) = -38^\circ.8$
- 2°) $Z_{min} = \frac{Z_c}{TOS} = 25\Omega$ et $Z_{max} = Z_c \cdot TOS = 100\Omega$
- 3°) pour Z_{min} **d1 = 0.196 l**, et pour Z_{max} **d2 = 0.446 l**

Solutions de l'exercice n°1.2.5

- 1°) Pour $F = 1250$ MHz on a dans le plan AA' : module de $\rho = 0,5$ et phase (ρ) = -90° et $Z_{AA'} = (30-j40)\Omega$
- 2°) $Z_{BB'} = (20-j20)\Omega$ - $Z_{CC'} = 40\Omega$ et $Z_{DD'} = 100\Omega$
L'abaque de Smith est donné ci-après :
- 3°) Lorsque $d2$ varie de 0 à 120 mm le point représentatif de $Z_{DD'}$ décrit le cercle correspondant à l'impédance réduite $r = 2$



2.3 Adaptation d'impédance

Solutions de l'exercice n°1.3.1

- 1°) $r = -\frac{j}{2} = \frac{1}{2}e^{-j\frac{\pi}{2}}$ soit amplitude 1/2 et phase -90° TOS = 3
- 2°) 1^{ère} solution : L1 = 0,027 λ et L2 = 0,152 λ
2^{ème} solution : L1 = 0,208 λ et L2 = 0,387 λ

Solutions de l'exercice n°1.3.2

- 1°) $r = \frac{j}{3} = \frac{1}{3}e^{+j\frac{\pi}{2}}$ soit amplitude 1/3 et phase $+90^\circ$ TOS = 2
- 2°) 1^{ère} solution : L1 = 0,042 λ et L2 = 0,114 λ
2^{ème} solution : L1 = 0,223 λ et L2 = 0,348 λ

Solutions de l'exercice n°1.3.3

- 1^{ère} solution : L1 = 0,030 λ et L2 = 0,127 λ
- 2^{ème} solution : L1 = 0,143 λ et L2 = 0,374 λ

Solutions de l'exercice n°1.3.4

- 1^{ère} solution : $L1 = 0,030 \lambda$ avec un stub en court-circuit d'impédance $Zc2 = 123 \Omega$
 2^{ème} solution : $L1 = 0,143 \lambda$ avec un stub en circuit ouvert d'impédance $Zc2 = 21 \Omega$

Solutions de l'exercice n°1.3.5

- 1°) module de $\rho = 1/3$ et phase de $\rho = 90^\circ$ - Le TOS correspondant est égal à 2
 2°) La longueur du stub est : $L = 24,6 \text{ mm}$.
 L'impédance caractéristique du quart d'onde est $Zc = 44,7 \Omega$

Solutions de l'exercice n°1.3.6

1^{er} DISPOSITIF : $Z2 = 16,67 \Omega$ $Z1 = 39,7 \Omega$

2^{ème} DISPOSITIF : 1^{ère} solution : $L1/\lambda = 1,4 \text{ mm}$ et $L2/\lambda = 14 \text{ mm}$
 2^{ème} solution : $L1/\lambda = 40,4 \text{ mm}$ et $L2/\lambda = 36 \text{ mm}$

3^{ème} DISPOSITIF : 1^{ère} solution : $L2/\lambda = 22 \text{ mm}$ et $L1/\lambda = 16 \text{ mm}$
 2^{ème} solution : $L2/\lambda = 20 \text{ mm}$ et $L1/\lambda = 7,4 \text{ mm}$

2.4 Exercices sur les multipôles et les paramètres [S]**Solutions de l'exercice n°1.4.1 - Charge et générateur**

1°) $b_g = 1W^{\frac{1}{2}}$ $\Gamma_g = \frac{1}{3}$

2°) $a = \frac{9}{8}W^{\frac{1}{2}}$; $b = \frac{9}{24}W^{\frac{1}{2}}$ $P_d = \frac{1}{2}(|a|^2 - |b|^2) = \frac{9}{16}W$

3°) $P_A = \frac{1}{2}|b_g|^2 \frac{1}{1-|\Gamma_g|^2} = \frac{9}{16}W = P_d$ (charge adaptée)

Solutions de l'exercice n°1.4.2 - Conception d'un atténuateur

1°) $A = D = -1-g_1g_2$ $B = -g_2$ $C = -g_1(2+g_1g_2)$

2°) $S_{11} = \frac{g_2 - 2g_1 - g_1^2g_2}{2 + 2g_1g_2 + g_2 + 2g_1 + g_1^2g_2} = S_{22}$

$$S_{21} = \frac{-2}{2 + 2g_1g_2 + g_2 + 2g_1 + g_1^2g_2} = S_{12}$$

Adaptation: $g_2 = \frac{2g_1}{1-g_1^2}$

3°) $S_{21} = \frac{g_1-1}{g_1+1} = \left(\frac{1-g_1}{1+g_1} \right) e^{jp}$

Atténuateur 6dB : $R1 = 3Ro = 150 \Omega$ et $R2 = 4/3 \text{ de } Ro = 66,7 \Omega$

Solutions de l'exercice n°1.4.3 – Cellule à perturbation

1°) Pour la matrice [S], on obtient :

$$S_{11} = S_{22} = \frac{j b (b \sin \mathbf{q} - 2 \cos \mathbf{q})}{(2 \cos \mathbf{q} - 2 b \sin \mathbf{q}) + j (2 b \cos \mathbf{q} + \sin \mathbf{q} (2 - b^2))}$$

$$S_{21} = S_{12} = \frac{2}{(2 \cos \mathbf{q} - 2 b \sin \mathbf{q}) + j (2 b \cos \mathbf{q} + \sin \mathbf{q} (2 - b^2))}$$

2°) La relation permettant l'adaptation est : $\tan \mathbf{q} = \frac{2}{b}$

3°) S_{21} devient alors : $S_{21} = -e^{+j\mathbf{q}}$, soit module (S_{21}) = 1 et phase de $S_{21} = \pi + \theta$

2.5 Exercices sur les amplificateurs à transistors**Solutions de l'exercice 1.5.1**

1°) **G = 8,6 dB**

2°) **F = 1,75 dB**

3°) **Gmax = 18,2 dB**

4°) **Zg = (6,85 + j63,1) W**

Solutions de l'exercice 1.5.2

1°) Le transistor est inconditionnellement stable : $K = 1,52 > 1$

2°) $G_1 = 12$ dB

3°) $G_2 = 16,5$ dB

4°) $G_{\max} = 20,9$ dB

5°) $C = 0,53$ pF ; $L = 0,13$ nH

Solutions de l'exercice 1.5.3

1°) $C = 0,486$ pF $L = 0,683$ nH

2°) transistor seul : TOS = 3,66

Transistor + circuit : TOS = 1,40

Pertes liées au TOS : L = -0,12 dB

2.6 Exercices sur les coupleurs directifs**Solutions de l'exercice 1.6.1**

1°) En supposant la directivité du coupleur infinie :

la puissance recueillie sur la porte (4) est de 1 mW = 0 dBm

la puissance recueillie sur la porte (2) est de -14,46 dBm

2°) Avec une directivité du coupleur de 20 dB, lorsque la fréquence varie la tension résultante passe de $V_{\min} = 28.2$ mV à $V_{\max} = 91.4$ mV

Solutions de l'exercice 1.6.2

1°) La matrice [S] du quadripôle est :
$$\|S\| = \begin{vmatrix} -\frac{1}{2}(\Gamma_2 - \Gamma_3) & \frac{j}{2}(\Gamma_2 + \Gamma_3) \\ \frac{j}{2}(\Gamma_2 + \Gamma_3) & \frac{1}{2}(\Gamma_2 - \Gamma_3) \end{vmatrix}$$

2°) La matrice [S] devient :
$$\|S\| = \begin{vmatrix} 0 & e^{-j\arg(\Gamma)} \\ e^{-j\arg(\Gamma)} & 0 \end{vmatrix}$$
 ; le quadripôle est un déphaseur fixe adapté.

3°) La matrice [S] devient : $\|S\| = \begin{vmatrix} 0 & j\Gamma \\ j\Gamma & 0 \end{vmatrix}$ avec Γ réel ; le quadripôle est un atténuateur fixe adapté.

2.7 Exercices ou problèmes sur les fonctions

Solutions du problème 1.7.1

1°) $b_4 = j\Gamma_d a_1$

2°) $|\Gamma_d| = 1$; Polarisation directe ($R_d=0$) et inverse ($R_d=\infty$) ; $R_d = 50 \Omega$

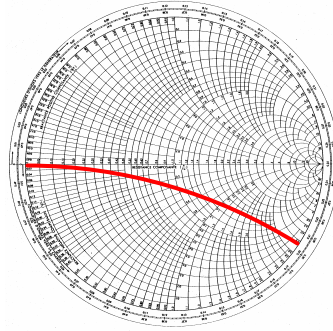
3°) $Y_d = \frac{50}{R_d} + 0,314j$

Atténuation infinie :

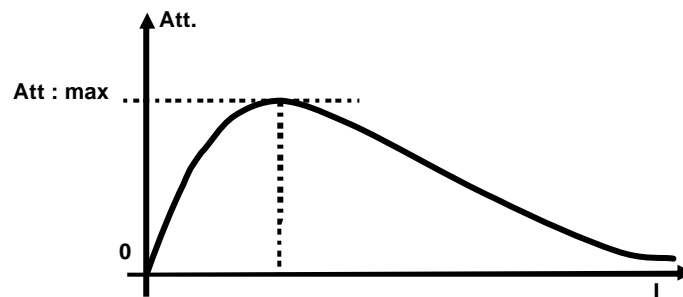
Ld = 2,8 nH et $R_d = 56 \Omega$

ou

Ld = 22,5 nH et $R_d = 450 \Omega$



4°) Courbe ci-dessous :



Solutions du problème 1.7.2

1°) Détecteur A : $b_4 = -\frac{a}{4}(\Gamma_c + j)$

Détecteur B : $b_4' = \frac{a}{2\sqrt{2}}(\Gamma_c - j)$

$V = (V_A - V_B/2) = V = k \frac{P_0}{2} \cdot |I_m(\Gamma_c)|$

2°) $\Gamma_c = \frac{(1-g^2-g^2Q^2d^2)-2jgQd}{(1+g)^2+g^2Q^2d^2}$

3°) $V(d) = kP_0 \frac{gQd}{(1+g)^2+g^2Q^2d^2}$

